

### А. Математическая задача

ограничение по времени на тест: 2 секунды  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Ваш учитель по математике задал вам следующую задачку:

Есть  $n$  отрезков на оси (прямой)  $x$ ,  $[l_1; r_1], [l_2; r_2], \dots, [l_n; r_n]$ .  
Отрезок  $[l; r]$  включает свои границы, то есть это множество таких  $x$ ,  
что  $l \leq x \leq r$ . Длина отрезка  $[l; r]$  равна  $r - l$ .

Два отрезка  $[a; b]$  и  $[c; d]$  имеют общую точку (пересекаются), если  
найдется такое  $x$ , что  $a \leq x \leq b$  и  $c \leq x \leq d$ . Например,  
отрезки  $[2; 5]$  и  $[3; 10]$  имеют общую точку, но  
отрезки  $[5; 6]$  и  $[1; 4]$  — не имеют.

Вам требуется добавить один отрезок, который имеет хотя бы одну  
общую точку с каждым данным отрезком, и имеет как можно меньшую  
длину. Искомый отрезок может вырождаться в точку (то есть быть  
отрезком длины ноль). Искомый отрезок может как быть, так и не быть  
среди заданных  $n$  отрезков.

Другими словами, вам нужно найти такой отрезок  $[a; b]$ ,  
что  $[a; b]$  и  $[l_i; r_i]$  имеют общую точку для всех  $i$ , и при этом  
значение  $b - a$  минимально.

### Входные данные

В первой строке входных данных записано целое  
число  $t$  ( $1 \leq t \leq 100$ ) — количество наборов входных данных в тесте.

Далее следуют описания  $t$  наборов входных данных.

В первой строке набора входных данных содержится одно целое  
число  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ ) — количество отрезков. Следующие  $n$  строк  
содержат описания отрезков —  $i$ -я из них содержит два целых  
числа  $l_i, r_i$  ( $1 \leq l_i \leq r_i \leq 10^9$ ).

Сумма всех значений  $n$  по всем наборам входных данных в тесте не  
превосходит  $10^5$ .

### Выходные данные

Для каждого из наборов входных данных выведите одно целое число —  
минимальную длину отрезка, который имеет хотя бы одну общую точку  
с каждым из данных отрезков.

### Пример

ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ	
4	
3	
4 5	
5 9	
7 7	
5	
11 19	
4 17	
16 16	

3 12  
14 17  
1  
1 10  
1  
1 1

#### ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ

2  
4  
0  
0

#### Примечание

В первом примере, можно взять отрезок  $[5;7]$  как ответ. Это самый короткий отрезок, который имеет хотя бы одну общую точку со всеми данными.

### В. Коробка

ограничение по времени на тест: 1 секунда  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Перестановка  $p$  — это последовательность целых чисел  $p=[p_1, p_2, \dots, p_n]$ , которая состоит из  $n$  различных положительных целых чисел от 1 до  $n$ . Например, следующие последовательности являются перестановками —  $[3, 4, 1, 2]$ ,  $[1]$ ,  $[1, 2]$ . Следующие последовательности не являются перестановками —  $[0]$ ,  $[1, 2, 1]$ ,  $[2, 3]$ ,  $[0, 1, 2]$ .

Важный ключ спрятан в закрытой коробке, которую вам нужно открыть. Чтобы открыть коробку вам нужно ввести секретный ключ. Секретный ключ это перестановка  $p$  длины  $n$ .

Эту перестановку вы не знаете, вы знаете только массив  $q$  префиксных максимумов этой перестановки. Формально:

- $q_1=p_1$ ,
- $q_2=\max(p_1, p_2)$ ,
- $q_3=\max(p_1, p_2, p_3)$ ,
- ...
- $q_n=\max(p_1, p_2, \dots, p_n)$ .

Вы хотите построить любую возможную исходную перестановку, которая согласуется с заданным массивом. Другими словами, найдите любую перестановку, что  $q$  для этой перестановки равен данному массиву.

#### Входные данные

В первой строке входных данных записано целое число  $t$  ( $1 \leq t \leq 10^4$ ) — количество наборов входных данных в тесте.

Далее следуют описания  $t$  наборов входных данных.

В первой строке описания набора входных данных записано одно целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ ) — количество элементов в перестановке-секретном коде  $p$ .

Во второй строке описания набора входных данных записаны  $n$  целых чисел,  $q_1, q_2, \dots, q_n$  ( $1 \leq q_i \leq n$ ): элементы массива  $q$  для данной перестановки. Гарантируется, что  $q_i \leq q_{i+1}$  для всех  $i$  ( $1 \leq i < n$ ).

Сумма всех значений  $n$  по всем наборам входных данных в тесте не превосходит  $10^5$ .

## Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите:

- Если невозможно найти подходящую перестановку  $p$  выведите «-1» (без кавычек).
- Иначе, выведите  $n$  различных целых чисел,  $p_1, p_2, \dots, p_n$  ( $1 \leq p_i \leq n$ ). Если для набора входных данных есть несколько возможных ответов, вы можете вывести любой.

### Пример

входные данные
4
5
1 3 4 5 5
4
1 1 3 4
2
2 2
1
1
выходные данные
1 3 4 5 2
-1
2 1
1

### Примечание

В первом наборе входных данных примера  $[1, 3, 4, 5, 2]$  это единственный возможный ответ.

- $q_1 = p_1 = 1$ ;
- $q_2 = \max(p_1, p_2) = 3$ ;
- $q_3 = \max(p_1, p_2, p_3) = 4$ ;

- $q_4 = \max(p_1, p_2, p_3, p_4) = 5$ ;
- $q_5 = \max(p_1, p_2, p_3, p_4, p_5) = 5$ .

Можно доказать, что для второго набора входных данных примера не существует ответа.

## С. Грязно

ограничение по времени на тест: 1 секунда  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Вы устали от своей грязной комнаты, поэтому вы решили в ней прибраться.

Ваша комната это скобочная последовательность  $s = s_1 s_2 \dots s_n$  длины  $n$ . Каждый символ этой строки это либо открывающая круглая скобка '(', либо закрывающая круглая скобка ')'

За одну операцию вы можете выбрать любую подстроку строки  $s$  и перевернуть ее. Формально, за одну операцию вы можете выбрать подстроку  $s[l \dots r] = s_l, s_{l+1}, \dots, s_r$ , и поменять порядок элементов в ней на  $s_r, s_{r-1}, \dots, s_l$ .

Например, если вы захотите перевернуть подстроку  $s[2 \dots 4]$  строки  $s = « ( ( ( ) ) ) »$ , она станет равна  $s = « ( ) ( ( ) »$ .

**Правильной** скобочной последовательностью называется скобочная последовательность, которую можно преобразовать в корректное арифметическое выражение путем вставок между ее символами символов '1' и '+'. Например, скобочные последовательности « ( ) ( ) », « ( ( ) ) » — правильные (полученные выражения: « (1) + (1) », « ( (1+1) + 1 ) »), а « ) ( ) » и « ( ) » — нет.

Префиксом строки  $s$  называется её подстрока, которая начинается с индекса  $1$ . Например, для строки  $s = « ( ( ) ) ( ) »$  есть  $6$  префиксов: « ( », « ( ( », « ( ( ) », « ( ( ) ) » и « ( ( ) ) ( ) ».

По вашему мнению, красивая и чистая комната  $s$  — это такая, что:

- вся строка  $s$  целиком является *правильной скобочной*;
- и ровно  $k$  её префиксов (включая всю строку  $s$ ) являются правильными скобочными.

Например, если  $k=2$ , то « ( ( ) ) ( ) » это красивая и чистая комната.

Вы хотите использовать не более  $n$  операций, чтобы сделать вашу комнату красивой и чистой. Операции применяются последовательно, одна за другой.

Гарантируется, что ответ существует. Обратите внимание, что вам **не нужно** минимизировать количество операций — найдите любой способ достичь требуемой конфигурации за  $n$  или менее операций.

### Входные данные

В первой строке входных данных записано целое число  $t$  ( $1 \leq t \leq 100$ ) — количество наборов входных данных в тесте. Далее следуют описания  $t$  наборов входных данных.

В первой строке записаны два целых числа  $n$  и  $k$  ( $1 \leq k \leq \frac{n}{2}$ ,  $2 \leq n \leq 2000$ ,  $n$  чётно) — длина  $s$  и необходимое количество правильных префиксов.

Во второй строке записана  $s$  длины  $n$  — данная скобочная последовательность. Все символы строки равны '(' или ') '.

Гарантируется, что в данной строке ровно  $\frac{n}{2}$  символов '(' и ровно  $\frac{n}{2}$  символов ') '.

Сумма всех значений  $n$  по всем наборам входных данных в тесте не превосходит  $2000$ .

### Выходные данные

Для каждого из наборов входных данных выведите ответ.

В первой строке выведите число  $m$  ( $0 \leq m \leq n$ ) — количество операций.

Вам **не требуется** минимизировать  $m$ , это число может быть любым.

В следующих  $m$  строках выведите описания операций, каждая строка должна содержать два целых числа  $l, r$  ( $1 \leq l \leq r \leq n$ ), описывающих операцию переворота подстроки  $s[l..r] = s_l s_{l+1} \dots s_r$ . Операции выполняются последовательно одна за другой.

Итоговая строка  $s$  после применения всех операций должна быть правильной, ровно  $k$  её префиксов (включая  $s$ ) должны быть правильными.

Гарантируется, что ответ существует. Если есть несколько возможных ответов, вы можете вывести любой.

### Пример

входные данные
4
8 2
<code>( ) ( ( ) ) ( )</code>
10 3
<code>)) ( ) ( ) ( ( (</code>
2 1
<code>( )</code>
2 1
<code>) (</code>
выходные данные
4
3 4
1 1
5 8
2 2

```
3
4 10
1 4
6 7
0
1
1 2
```

### Примечание

В первом примере итоговая последовательность — это « ( ) ( ( ) ( ) ) », в которой два префикса корректные, « ( ) » и « ( ) ( ( ) ( ) ) ». Обратите внимание, что все операции кроме «5 8» в примере вывода не меняют текущую строку  $s$ .

## D1. Оптимальные подпоследовательности (упрощённая версия)

ограничение по времени на тест: 3 секунды  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Это упрощённая версия задачи, в этой версии  $1 \leq n, m \leq 100$ . Вы можете взламывать эту задачу, только если вы заблокировали обе версии.

Пусть задана последовательность целых чисел  $a = [a_1, a_2, \dots, a_n]$  длины  $n$ . Её подпоследовательностью называется любая такая, которая получена удалением нуля или более элементов из последовательности  $a$  (они не обязательно идут подряд). Например, для последовательности  $a = [11, 20, 11, 33, 11, 20, 11]$ :

- $[11, 20, 11, 33, 11, 20, 11]$ ,  $[11, 20, 11, 33, 11, 20]$ ,  $[11, 11, 11, 11]$ ,  $[20]$ ,  $[33, 20]$  — подпоследовательности (некоторые из большого списка);
- $[40]$ ,  $[33, 33]$ ,  $[33, 20, 20]$ ,  $[20, 20, 11, 11]$  — не являются подпоследовательностями.

Пусть дополнительно задано целое неотрицательное число  $k$  ( $1 \leq k \leq n$ ), тогда подпоследовательность называется *оптимальной*, если:

- она имеет длину  $k$  и сумма её элементов максимальная возможная среди всех подпоследовательностей длины  $k$ ;
- и среди всех подпоследовательностей длины  $k$ , которые удовлетворяют предыдущему пункту она лексикографически минимальна.

Напомним, что последовательность  $b = [b_1, b_2, \dots, b_k]$  лексикографически меньше последовательности  $c = [c_1, c_2, \dots, c_k]$ , если первый слева элемент в котором они различаются меньше в последовательности  $b$  чем в  $c$ . Формально: существует такое  $t$  ( $1 \leq t \leq k$ ), что  $b_1 = c_1, b_2 = c_2, \dots, b_{t-1} = c_{t-1}$  и одновременно  $b_t < c_t$ . Например:

- $[10, 20, 20]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ ,
- $[7, 99, 99]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ ,
- $[10, 21, 0]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ .

Вам задана последовательность  $a = [a_1, a_2, \dots, a_n]$  и  $m$  запросов, каждый состоит из двух чисел  $k_j$  и  $pos_j$  ( $1 \leq k_j \leq n, 1 \leq pos_j \leq k_j$ ). Для каждого запроса выведите значение, которое стоит в индексе  $pos_j$  оптимальной подпоследовательности заданной последовательности  $a$  для  $k = k_j$ .

Например, если  $n=4$ ,  $a=[10,20,30,20]$ ,  $k_j=2$ , тогда оптимальная подпоследовательность равна  $[20,30]$  — она минимальная лексикографически среди всех подпоследовательностей длины 2 с максимальной суммой элементов. Таким образом, ответом на запрос вида  $k_j=2$ ,  $pos_j=1$  будет число 20, а ответом на запрос вида  $k_j=2$ ,  $pos_j=2$  будет число 30.

### Входные данные

В первой строке записано целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 100$ ) — длина последовательности  $a$ .

Вторая строка содержит элементы последовательности  $a$  — целые числа  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 10^9$ ).

Третья строка содержит целое число  $m$  ( $1 \leq m \leq 100$ ) — количество запросов.

Следующие  $m$  строк содержат пары целых чисел  $k_j$  и  $pos_j$  ( $1 \leq k \leq n$ ,  $1 \leq pos_j \leq k_j$ ) — параметры запросов.

### Выходные данные

Выведите  $m$  целых чисел  $r_1, r_2, \dots, r_m$  ( $1 \leq r_j \leq 10^9$ ) по одному в строке — ответы на запросы в порядке их следования во входных данных.

Значение  $r_j$  должно быть равно значению, которое содержится в позиции  $pos_j$  оптимальной подпоследовательности для  $k=k_j$ .

### Пример

входные данные
3
10 20 10
6
1 1
2 1
2 2

3 1
3 2
3 3
выходные данные
20
10
20
10
20
10

входные данные
7
1 2 1 3 1 2 1
9
2 1
2 2
3 1
3 2
3 3
1 1
7 1
7 7
7 4
выходные данные
2
3
2
3
2
3
1
1
3

## Примечание

В первом примере, для  $a = [10, 20, 10]$  оптимальные подпоследовательности:

- для  $k=1$  — это  $[20]$ ,
- для  $k=2$  — это  $[10, 20]$ ,
- для  $k=3$  — это  $[10, 20, 10]$ .

## D2. Оптимальные подпоследовательности (усложненная версия)

ограничение по времени на тест: 3 секунды  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

*Это усложненная версия задачи, в этой версии  $1 \leq n, m \leq 2 \cdot 10^5$ . Вы можете взламывать эту задачу, если вы ее заблокировали. Но вы можете взламывать предыдущую версию задачи, только если вы заблокировали обе версии.*

Пусть задана последовательность целых чисел  $a = [a_1, a_2, \dots, a_n]$  длины  $n$ . Её подпоследовательностью называется любая такая, которая получена удалением нуля или более элементов из последовательности  $a$  (они не обязательно идут подряд). Например, для последовательности  $a = [11, 20, 11, 33, 11, 20, 11]$ :

- $[11, 20, 11, 33, 11, 20, 11]$ ,  $[11, 20, 11, 33, 11, 20]$ ,  $[11, 11, 11, 11]$ ,  $[20]$ ,  $[33, 20]$  — подпоследовательности (некоторые из большого списка);
- $[40]$ ,  $[33, 33]$ ,  $[33, 20, 20]$ ,  $[20, 20, 11, 11]$  — не являются подпоследовательностями.

Пусть дополнительно задано целое неотрицательное число  $k$  ( $1 \leq k \leq n$ ), тогда подпоследовательность называется *оптимальной*, если:

- она имеет длину  $k$  и сумма её элементов максимальная возможная среди всех подпоследовательностей длины  $k$ ;
- и среди всех подпоследовательностей длины  $k$ , которые удовлетворяют предыдущему пункту она лексикографически минимальна.

Напомним, что последовательность  $b = [b_1, b_2, \dots, b_k]$  лексикографически меньше последовательности  $c = [c_1, c_2, \dots, c_k]$ , если первый слева элемент в котором они различаются меньше в последовательности  $b$  чем в  $c$ . Формально: существует такое  $t$  ( $1 \leq t \leq k$ ), что  $b_1 = c_1$ ,  $b_2 = c_2$ , ...,  $b_{t-1} = c_{t-1}$  и одновременно  $b_t < c_t$ . Например:

- $[10, 20, 20]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ ,
- $[7, 99, 99]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ ,
- $[10, 21, 0]$  лексикографически меньше чем  $[10, 21, 1]$ .

Вам задана последовательность  $a = [a_1, a_2, \dots, a_n]$  и  $m$  запросов, каждый состоит из двух чисел  $k_j$  и  $pos_j$  ( $1 \leq k_j \leq n$ ,  $1 \leq pos_j \leq k_j$ ). Для каждого запроса выведите значение, которое стоит в индексе  $pos_j$  оптимальной подпоследовательности заданной последовательности  $a$  для  $k = k_j$ .

Например, если  $n=4$ ,  $a = [10, 20, 30, 20]$ ,  $k_j=2$ , тогда оптимальная подпоследовательность равна  $[20, 30]$  — она минимальная лексикографически среди всех подпоследовательностей длины 2 с максимальной суммой элементов. Таким образом, ответом на запрос

вида  $k_j=2$ ,  $pos_j=1$  будет число 20, а ответом на запрос вида  $k_j=2$ ,  $pos_j=2$  будет число 30.

### Входные данные

В первой строке записано целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$ ) — длина последовательности  $a$ .

Вторая строка содержит элементы последовательности  $a$  — целые числа  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 10^9$ ).

Третья строка содержит целое число  $m$  ( $1 \leq m \leq 2 \cdot 10^5$ ) — количество запросов.

Следующие  $m$  строк содержат пары целых чисел  $k_j$  и  $pos_j$  ( $1 \leq k \leq n$ ,  $1 \leq pos_j \leq k_j$ ) — параметры запросов.

### Выходные данные

Выведите  $m$  целых чисел  $r_1, r_2, \dots, r_m$  ( $1 \leq r_j \leq 10^9$ ) по одному в строке — ответы на запросы в порядке их следования во входных данных.

Значение  $r_j$  должно быть равно значению, которое содержится в позиции  $pos_j$  оптимальной подпоследовательности для  $k=k_j$ .

### Пример

входные данные
3
10 20 10
6
1 1
2 1
2 2
3 1
3 2
3 3

### выходные данные

20  
10  
20  
10  
20  
10

### входные данные

7  
1 2 1 3 1 2 1  
9  
2 1  
2 2  
3 1  
3 2  
3 3  
1 1  
7 1  
7 7  
7 4

### выходные данные

2  
3  
2  
3  
2  
3  
1  
1  
3

### Примечание

В первом примере, для  $a=[10,20,10]$  оптимальные подпоследовательности:

- для  $k=1$  — это  $[20]$ ,
- для  $k=2$  — это  $[10,20]$ ,
- для  $k=3$  — это  $[10,20,10]$ .

## Е. Поджог в лесу Берляндии

ограничение по времени на тест: 2 секунды  
ограничение по памяти на тест: 512 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Представим лес Берляндии как бесконечное клеточное поле. В каждой клетке растёт дерево. Или росло, до недавних событий.

Разрушительный огонь бушевал в лесу и уничтожил несколько деревьев. У вас есть прямоугольная карта  $n \times m$ , которая описывает повреждённую часть леса. Сожжённые деревья отмечены на карте как «X», в то время как остальные отмечены как «.». **Вы можете быть уверены, что все повреждённые деревья отмечены на карте. Все деревья за пределами карты — не повреждены.**

Пожарные быстро потушили огонь, и теперь расследуют данный инцидент. Основная версия — это поджог: в какой-то момент времени (примем этот момент за 0) несколько деревьев были подожжены. В начале минуты 0 горели только подожженные деревья. В конце каждой минуты огонь распространяется от горящего дерева к  $S$  соседним к нему деревьям. В начале минуты  $T$  огонь был потушен.

Пожарные хотят найти поджигателей так быстро как это возможно. Но проблема в том, что они не знают ни значение  $T$  (как долго бушевал пожар), ни местоположение деревьев, которые были подожжены. Они

хотят, чтобы вы определили максимальное значение  $T$  (чтобы узнать, сколько времени в запасе у поджигателей) и возможное множество деревьев, которые были подожжены.

Заметим, что вы хотите максимизировать значение  $T$ , но множество деревьев может быть произвольным.

### Входные данные

В первой строке заданы два целых числа  $n$  и  $m$  ( $1 \leq n, m \leq 10^6, 1 \leq n \cdot m \leq 10^6$ ) — размеры карты.

В следующих  $n$  строках задана карта. Строка  $i$  соответствует  $i$ -й строке карты и содержит строку из  $m$  символов.  $j$ -й символ  $i$ -й строки либо «X», если соответствующее дерево сгорело, либо «.» — если осталось в целости.

Гарантируется, что карта содержит хотя бы один «X».

### Выходные данные

В первой строке выведите единственное число  $T$  — максимальное время, которое мог гореть лес. В следующих  $n$  строках выведите сертификат: карту (прямоугольник  $n \times m$ ), на которой подожженные деревья отмечены как «X», а оставшиеся как «.».

### Пример

входные данные
3 6 XXXXXX XXXXXX XXXXXX
выходные данные
1 ..... .X.XX. .....

**ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ**

```

10 10
.XXXXXX...
.XXXXXX...
.XXXXXX...
.XXXXXX...
.XXXXXXX.
...XXXXXX.
...XXXXXX.
...XXXXXX.
.....

```

**ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ**

```

2
.....
.....
...XX.....
.....
.....
.....XX...
.....
.....
.....

```

**ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ**

```

4 5
X....
..XXX
..XXX
..XXX

```

**ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ**

```

0
X....
..XXX
..XXX
..XXX

```

## F1. Неправильный ответ на тесте 233 (упрощенная версия)

ограничение по времени на тест: 1 секунда  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт

ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Ваша программа снова не работает, на этот раз она получает вердикт «Неправильный ответ на тесте 233»

*Это упрощенная версия задачи, в этой версии  $1 \leq n \leq 2000$ . Вы можете взламывать эту задачу, только если вы заблокировали обе версии.*

В задаче идёт речь о тесте из  $n$  вопросов. Каждый вопрос содержит  $k$  вариантов ответа, и только один из них правильный. Ответ на  $i$ -й вопрос это  $h_i$ . Если ваш ответ на вопрос  $i$  равен  $h_i$ , вы получите 1 балл, в противном случае вы получите 0 баллов за этот вопрос. В этой задаче значения  $h_1, h_2, \dots, h_n$  вам известны (заданы).

Однако, вы допустили ошибку в вашей программе! Расположим все  $n$  ответов на окружности по часовой стрелке. Из-за ошибки в вашей программе, они сдвигаются на один по циклу в направлении часовой стрелки.

Формально, ошибка двигает ответ на вопрос  $i$  к вопросу  $1 \bmod n+1$ . Так она двигает ответ на вопрос 1 к вопросу 2, ответ на вопрос 2 к вопросу 3, ..., ответ на вопрос  $n$  к вопросу 1.

Назовем все  $n$  ответов вместе *набором ответов*. Всего есть  $k_n$  возможных наборов ответов.

Вас интересует количество наборов ответов удовлетворяющих следующему условию: *после сдвига по часовой стрелки на 1, итоговое количество баллов нового набора ответов строго больше чем старого*. Вам необходимо найти это количество по модулю  $998\,244\,353$ .

Например, если  $n=5$  и ваш набор ответов  $a=[1,2,3,4,5]$ , он будет изменен вашей программой на  $a'=[5,1,2,3,4]$  из-за ошибки. Если набор правильных ответов равен  $h=[5,2,2,3,4]$ , тогда набор ответов  $a$  получит 1 балл, а набор ответов  $a'$  получит 4 балла. Так как  $4>1$ , набор ответов  $a=[1,2,3,4,5]$  удовлетворяет условию и должен быть посчитан.

### Входные данные

В первой строке записаны два целых числа  $n, k$  ( $1 \leq n \leq 2000$ ,  $1 \leq k \leq 10^9$ ) — количество вопросов и количество вариантов ответа в каждом вопросе.

Во второй строке записаны  $n$  целых чисел  $h_1, h_2, \dots, h_n$ , ( $1 \leq h_i \leq k$ ) — правильные ответы на вопросы.

### Выходные данные

Выведите одно целое число — количество наборов ответов, удовлетворяющих данному ограничению, по модулю  $998\,244\,353$ .

### Примеры

<b>ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ</b>
3 3 1 3 1
<b>ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ</b>
9

<b>ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ</b>
5 5 1 1 4 2 2
<b>ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ</b>
1000

### Примечание

На первый пример, корректные наборы ответов — это  $[2,1,1],[2,1,2],[2,1,3],[3,1,1],[3,1,2],[3,1,3],[3,2,1],[3,2,2],[3,2,3]$ .

## F2. Неправильный ответ на тесте 233 (усложненная версия)

ограничение по времени на тест: 1 секунда  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Ваша программа снова не работает, на этот раз она получает вердикт «Неправильный ответ на тесте 233»

Это усложненная версия задачи, в этой версии  $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$ . Вы можете взламывать эту задачу, если вы ее заблокировали. Но вы можете взламывать предыдущую версию задачи, только если вы заблокировали обе версии.

В задаче идёт речь о тесте из  $n$  вопросов. Каждый вопрос содержит  $k$  вариантов ответа, и только один из них правильный. Ответ на  $i$ -й вопрос это  $h_i$ . Если ваш ответ на вопрос  $i$  равен  $h_i$ , вы получите 1 балл, в противном случае вы получите 0 баллов за этот вопрос. В этой задаче значения  $h_1, h_2, \dots, h_n$  вам известны (заданы).

Однако, вы допустили ошибку в вашей программе! Расположим все  $n$  ответов на окружности по часовой стрелке. Из-за ошибки в вашей программе, они сдвигаются на один по циклу в направлении часовой стрелки.

Формально, ошибка двигает ответ на вопрос  $i$  к вопросу  $i \bmod n + 1$ . Так она двигает ответ на вопрос 1 к вопросу 2, ответ на вопрос 2 к вопросу 3, ..., ответ на вопрос  $n$  к вопросу 1.

Назовем все  $n$  ответов вместе *набором ответов*. Всего есть  $k^n$  возможных наборов ответов.

Вас интересует количество наборов ответов удовлетворяющих следующему условию: *после сдвига по часовой стрелки на 1, итоговое количество баллов нового набора ответов строго больше чем старого*. Вам необходимо найти это количество по модулю 998 244 353.

Например, если  $n=5$  и ваш набор ответов  $a=[1,2,3,4,5]$ , он будет изменен вашей программой на  $a'=[5,1,2,3,4]$  из-за ошибки. Если набор правильных ответов равен  $h=[5,2,2,3,4]$ , тогда набор ответов  $a$  получит 1 балл, а набор ответов  $a'$  получит 4 балла. Так как  $4 > 1$ , набор ответов  $a=[1,2,3,4,5]$  удовлетворяет условию и должен быть посчитан.

## Входные данные

В первой строке записаны два целых числа  $n, k$  ( $1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$ ,  $1 \leq k \leq 10^9$ ) — количество вопросов и количество вариантов ответа в каждом вопросе.

Во второй строке записаны  $n$  целых чисел  $h_1, h_2, \dots, h_n$ , ( $1 \leq h_i \leq k$ ) — правильные ответы на вопросы.

## Выходные данные

Выведите одно целое число — количество наборов ответов, удовлетворяющих данному ограничению, по модулю 998244353.

## Примеры

входные данные
3 3
1 3 1
выходные данные
9

входные данные
5 5
1 1 4 2 2
выходные данные
1000

входные данные
6 2
1 1 2 2 1 1
выходные данные
16

## Примечание

На первый пример, корректные наборы ответов —

это  $[2,1,1],[2,1,2],[2,1,3],[3,1,1],[3,1,2],[3,1,3],[3,2,1],[3,2,2],[3,2,3]$ .

## G. Не равны

ограничение по времени на тест: 2 секунды  
ограничение по памяти на тест: 256 мегабайт  
ввод: стандартный ввод  
вывод: стандартный вывод

Вам задан массив целых чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$ , где  $a_i$  означает количество блоков на  $i$ -й позиции. Гарантируется, что  $1 \leq a_i \leq n$ .

За одну операцию вы можете выбрать любое подмножество индексов и убрать один блок на каждой позиции в выбранном подмножестве. Вы не можете убрать блок с позиции, на которой уже нет блоков.

Все подмножества которые вы выбираете должны быть различными (уникальными).

Вам необходимо удалить все блоки за не более чем  $n+1$  операцию. Можно доказать, что ответ всегда существует.

## Входные данные

В первой строке записано одно целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^3$ ) — длина данного массива.

Во второй строке записаны  $n$  целых чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq n$ ) — количество блоков на позициях  $1, 2, \dots, n$ .

## Выходные данные

В первой строке выведите целое число  $op$  ( $0 \leq op \leq n+1$ ).

В каждой из следующих  $op$  строк выведите бинарную строку  $s$  длины  $n$ .

Если  $s_i = '0'$ , это означает, что позиция  $i$  не находится в выбранном

подмножестве. Иначе,  $s_i$  должно быть равно '1', и позиция  $i$  находится в выбранном подмножестве.

Все строки должны быть различными и  $a_i$  должно быть равно сумме  $s_i$  по всем выбранным бинарным строкам.

Если есть несколько возможных ответов, вы можете вывести любой.

Гарантируется, что ответ существует.

## Примеры

входные данные
5 5 5 5 5 5
выходные данные
6 11111 01111 10111 11011 11101 11110

входные данные
5 5 1 1 1 1
выходные данные
5 11000 10000 10100 10010 10001

ВХОДНЫЕ ДАННЫЕ
5 4 1 5 3 4
ВЫХОДНЫЕ ДАННЫЕ
5 11111 10111 10101 00111 10100

### Примечание

В первом примере количество блоков уменьшается следующим образом:

$\{5, 5, 5, 5, 5\} \rightarrow \{4, 4, 4, 4, 4\} \rightarrow \{4, 3, 3, 3, 3\} \rightarrow \{3, 3, 2, 2, 2\} \rightarrow \{2, 2, 2, 1, 1\} \rightarrow \{1, 1, 1, 1, 0\} \rightarrow \{0, 0, 0, 0, 0\}$ . Можно заметить, что все эти операции отличаются друг от друга.

